

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени И.Т. ТРУБИЛИНА»

Факультет прикладной информатики
Высшей математики



УТВЕРЖДЕНО:

Декан, Руководитель подразделения
Курносое С.А.
(протокол от 22.04.2024 № 7)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)
МАТЕМАТИКА
« ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»

Уровень высшего образования: бакалавриат

Направление подготовки: 09.03.03 Прикладная информатика

Направленность (профиль): Менеджмент проектов в области информационных технологий,
создание и поддержка информационных систем

Квалификация (степень) выпускника: Бакалавр

Формы обучения: очная, заочная

Год набора: 2024

Срок получения образования: Очная форма обучения – 4 года
Заочная форма обучения – 4 года 8 месяца(-ев)

Объем: в зачетных единицах: 3 з.е.
в академических часах: 108 ак.ч.

2024

Разработчики:

Профессор, кафедра высшей математики Петунина И.А.

Рецензенты:

Шапошников Валерий Леонидович, канд. физ.-мат. наук, доцент (Краснодарский кооперативный институт (филиал) автономной некоммерческой образовательной организации высшего образования Центросоюза Российской Федерации «Российский университет кооперации»)

Рабочая программа дисциплины (модуля) составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки Направление подготовки: 09.03.03 Прикладная информатика, утвержденного приказом Минобрнауки России от 19.09.2017 №922, с учетом трудовых функций профессиональных стандартов: "Специалист по информационным системам", утвержден приказом Минтруда России от 13.07.2023 № 586н; "Руководитель проектов в области информационных технологий", утвержден приказом Минтруда России от 27.04.2023 № 369н.

Согласование и утверждение

№	Подразделение или коллегиальный орган	Ответственное лицо	ФИО	Виза	Дата, протокол (при наличии)
1	Факультет прикладной информатики	Председатель методической комиссии/совета	Крамаренко Т.А.	Согласовано	22.04.2024, № 8
2	Информационных систем	Руководитель образовательной программы	Замотайлова Д.А.	Согласовано	22.04.2024, № 7
3	Высшей математики	Заведующий кафедрой, руководитель подразделения, реализующего ОП	Григулецкий В.Г.	Согласовано	08.05.2024, № 9

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)

Цель освоения дисциплины - формирование комплекса основных теоретических и практических знаний, необходимых для решения задач, возникающих в практической деятельности.

Задачи изучения дисциплины:

- изучение теоретических основ по разделам линейной алгебры и аналитической геометрии для понимания других математических и нематематических дисциплин;
- формирование знаний относительно основных методов вычислений и алгоритмов решений задач линейной алгебры и аналитической геометрии;
- сформировать умение и навыки работы с математическим аппаратом разделов линейной алгебры и аналитической геометрии для решения прикладных задач.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Компетенции, индикаторы и результаты обучения

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи.

Знать:

УК-1.1/Зн1 Методику анализа задач, выделяя ее базовые составляющие, осуществления декомпозиции задачи

Уметь:

УК-1.1/Ум1 Анализировать задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществлять декомпозицию задачи

Владеть:

УК-1.1/Нв1 Методикой анализа задач, выделяя ее базовые составляющие, осуществления декомпозиции задачи

УК-1.2 Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи

Знать:

УК-1.2/Зн1 Состав информации, необходимой для решения поставленной задачи

Уметь:

УК-1.2/Ум1 Использовать источники информации, выбирать методы в зависимости от содержания информации для критического

Владеть:

УК-1.2/Нв1 Способностью находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи

УК-1.3 Рассматривает возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки

Знать:

УК-1.3/Зн1 Варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки

Уметь:

УК-1.3/Ум1 Рассматривать возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки

Владеть:

УК-1.3/Нв1 Способностью рассматривать возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки

УК-1.4 Грамотно, логично, аргументированно формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

Знать:

УК-1.4/Зн1 Этапы формирования собственных суждений и оценок. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

Уметь:

УК-1.4/Ум1 Грамотно, логично, аргументировано формировать собственные суждения и оценки. Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

Владеть:

УК-1.4/Нв1 Способностью грамотно, логично, аргументировано формировать собственных суждений и оценки. Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

УК-1.5 Определяет и оценивает последствия возможных решений задачи

Знать:

УК-1.5/Зн1 Методику определения и оценивания последствий возможных решений задачи

Уметь:

УК-1.5/Ум1 Определять и оценивать последствия возможных решений задачи

Владеть:

УК-1.5/Нв1 Методиками определения и оценивания последствий возможных решений задачи

ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

ОПК-1.1 Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования

Знать:

ОПК-1.1/Зн1 Основы математики

ОПК-1.2 Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний, методов математического анализа и моделирования

Уметь:

ОПК-1.2/Ум1 Решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общетехнических знаний

ОПК-1.3 Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности

Владеть:

ОПК-1.3/Нв1 Навыками теоретического исследования объектов профессиональной деятельности

3. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина (модуль) «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» относится к обязательной части образовательной программы и изучается в семестре(ах): Очная форма обучения - 1, Заочная форма обучения - 1.

В процессе изучения дисциплины студент готовится к видам профессиональной деятельности и решению профессиональных задач, предусмотренных ФГОС ВО и образовательной программой.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Очная форма обучения

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Внеаудиторная контактная работа (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)
Первый семестр	108	3	63	3	30	30	18	Экзамен (27)
Всего	108	3	63	3	30	30	18	27

Заочная форма обучения

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Внеаудиторная контактная работа (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)
Первый семестр	108	3	13	3	4	6	95	Контроль ная работа Экзамен
Всего	108	3	13	3	4	6	95	

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы, темы дисциплины и виды занятий (часы промежуточной аттестации не указываются)

Очная форма обучения

Наименование раздела, темы	Всего	Внеаудиторная контактная работа	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соотношенные с результатами освоения программы
Раздел 1. Линейная алгебра	56		22	22	12	УК-1.1
Тема 1.1. Определители	6		2	2	2	УК-1.2
Тема 1.2. Матрицы	14		6	6	2	УК-1.3
Тема 1.3. Системы линейных уравнений	14		6	6	2	УК-1.4
Тема 1.4. Геометрические и n-мерные векторы	8		4	2	2	УК-1.5
Тема 1.5. Комплексные числа	6		2	2	2	ОПК-1.1
Тема 1.6. Приложения линейной алгебры и векторного анализа в экономических моделях	8		2	4	2	ОПК-1.2
Раздел 2. Аналитическая геометрия	22		8	8	6	ОПК-1.3
Тема 2.1. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	22		8	8	6	УК-1.1
Раздел 3. Промежуточная аттестация	3	3				УК-1.2
Тема 3.1. Промежуточная аттестация	3	3				УК-1.3
Итого	81	3	30	30	18	УК-1.4

Заочная форма обучения

Наименование раздела, темы	Всего	Внеаудиторная контактная работа	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соотношенные с результатами освоения программы
Раздел 1. Линейная алгебра	86		3	4	79	УК-1.1
Тема 1.1. Определители	13		0,5	0,5	12	УК-1.2
Тема 1.2. Матрицы	13		0,5	0,5	12	УК-1.3

Тема 1.3. Системы линейных уравнений	17,5		0,5	1	16	УК-1.4 УК-1.5 ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3
Тема 1.4. Геометрические и п-мерные векторы	16		0,5	0,5	15	
Тема 1.5. Комплексные числа	13		0,5	0,5	12	
Тема 1.6. Приложения линейной алгебры и векторного анализа в экономических моделях	13,5		0,5	1	12	
Раздел 2. Аналитическая геометрия	19		1	2	16	УК-1.1 УК-1.2 УК-1.3 УК-1.4
Тема 2.1. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	19		1	2	16	УК-1.5 ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3
Раздел 3. Промежуточная аттестация	3	3				УК-1.1 УК-1.2 УК-1.3 УК-1.4
Тема 3.1. Промежуточная аттестация	3	3				УК-1.5 ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3
Итого	108	3	4	6	95	

5. Содержание разделов, тем дисциплин

Раздел 1. Линейная алгебра

(Заочная: Лекционные занятия - 3ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 79ч.; Очная: Лекционные занятия - 22ч.; Практические занятия - 22ч.; Самостоятельная работа - 12ч.)

Тема 1.1. Определители

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 0,5ч.; Самостоятельная работа - 12ч.; Очная: Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Основные понятия; свойства.
2. Методы вычисления определителей 2-го и 3-го и высших порядков.

Тема 1.2. Матрицы

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 0,5ч.; Самостоятельная работа - 12ч.; Очная: Лекционные занятия - 6ч.; Практические занятия - 6ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Классификация матриц.
2. Линейные операции.
3. Нелинейные операции (транспонирование, умножение, возведение в степень); многочлены от матриц.
4. Вычисление обратной матрицы.
5. Решение матричных уравнений.
6. Характеристики матриц (ранг и способы его вычисления; собственные числа).

Тема 1.3. Системы линейных уравнений

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 1ч.; Самостоятельная работа - 16ч.; Очная: Лекционные занятия - 6ч.; Практические занятия - 6ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Основные понятия; экономические интерпретации.
2. Теорема Кронекера-Капелли; классификация решений.
3. Методы решений систем неоднородных линейных уравнений (правило Крамера, метод обратной матрицы, метод Гаусса).
4. Решения однородных и неоднородных неопределенных систем линейных уравнений (множество решений, тривиальное решение, фундаментальная система решений).

Тема 1.4. Геометрические и n -мерные векторы

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 0,5ч.; Самостоятельная работа - 15ч.; Очная: Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Основные понятия; понятие n -мерного вектора и векторного пространства.
2. Линейные операции над векторами в геометрической и координатной формах.
3. Скалярное, векторное и смешанное произведение, свойства и приложения.
4. Евклидово пространство; размерность и базис векторного пространства; переход к новому базису.

Тема 1.5. Комплексные числа

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 0,5ч.; Самостоятельная работа - 12ч.; Очная: Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Основные понятия; формы записи (алгебраическая, тригонометрическая, показательная).
2. Действия с комплексными числами.
3. Решение алгебраических уравнений с комплексными корнями

Тема 1.6. Приложения линейной алгебры и векторного анализа в экономических моделях

(Заочная: Лекционные занятия - 0,5ч.; Практические занятия - 1ч.; Самостоятельная работа - 12ч.; Очная: Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)

1. Модель Леонтьева.
2. Модель международной торговли.
3. Модель равновесных цен.

Раздел 2. Аналитическая геометрия

(Заочная: Лекционные занятия - 1ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 16ч.; Очная: Лекционные занятия - 8ч.; Практические занятия - 8ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)

Тема 2.1. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

(Заочная: Лекционные занятия - 1ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 16ч.; Очная: Лекционные занятия - 8ч.; Практические занятия - 8ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)

1. Понятие аффинного пространства; линия на плоскости и основные задачи аналитической геометрии.
2. Длина отрезка и деление его в заданном соотношении.
3. Уравнения и взаимное расположение прямых на плоскости.
4. Кривые второго порядка (канонические уравнения, характеристики, графики; инварианты и преобразование общего уравнения к каноническому виду).
5. Уравнения плоскости.
6. Уравнения прямой в декартовом пространстве.
7. Поверхности второго порядка.
8. Гиперплоскость; выпуклые многогранники; системы линейных неравенств и их приложения в задачах экономики.

Раздел 3. Промежуточная аттестация

(Заочная: Внеаудиторная контактная работа - 3ч.; Очная: Внеаудиторная контактная работа - 3ч.)

Тема 3.1. Промежуточная аттестация

(Заочная: Внеаудиторная контактная работа - 3ч.; Очная: Внеаудиторная контактная работа - 3ч.)

Экзамен

6. Оценочные материалы текущего контроля

Раздел 1. Линейная алгебра

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Матрица представляет собой...
 1. Число.
 2. Переменную величину.
 3. Прямоугольную таблицу.
 4. Функцию.
2. Определитель представляет собой
 1. Число.
 2. Переменную величину.
 3. Прямоугольную таблицу.
 4. Функцию.
3. Модель Леонтьева является
 1. Линейной.
 2. Квадратичной.
 3. Смешанного типа.
 4. Экспоненциальной.
4. Расположить векторы в порядке возрастания их модулей
 1. $a = (-3; 0; 4)$
 2. $b = (-1; 1; 3)$
 3. $c = (0; 1; -2)$
 4. $d = (2; -1; 1)$
5. Найти значение модуля комплексного числа $z = -3 + 4i$
6. Матрица квадратичной формы
 1. Матрица-строка
 2. Квадратная
 3. Матрица-столбец

4. Прямоугольная

7. Выбрать решение матричного уравнения $AX = B$.

1. $X = BA^{-1}$
2. $X = A^{-1}B$
3. $X = BAT$
4. $X = ATB$

8. Объем пирамиды можно вычислить при помощи

1. Скалярного произведения векторов
2. Векторного произведения векторов
3. Смешанного произведения векторов
4. Произведения n -мерных векторов

9. Квадратичной форме соответствует матрица размером

$$KA = 13(x_1)^2 - 6(x_2)^2$$

10. Из векторов $a = (3; 8; 4)$, $b = (8; -3; 4)$, $c = (4; 0; -8)$ ортогональными являются

1. a и b
2. a и c
3. b и c
4. a и b ; b и c

11. Модель Леонтьева можно представить

1. Системой линейных уравнений.
2. Матричным уравнением.
3. Разностным уравнением.
4. В векторной форме.

12. Сумма $2A + 3B$ для матриц равна

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & -3 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 7 \end{pmatrix}$$

13. Ранг матрицы определяют по

1. Числу строк.
2. Числу столбцов.
3. Величине ее определителя.
4. Наивысшему порядку определителя, составленного из элементов.

14. Продуктивность матрицы определяют по

1. Сумме элементов столбцов.
2. Сумме элементов строк.
3. Произведению элементов строк.
4. Произведению элементов столбцов.

15. Матрицу A можно умножить на матрицу B , если

1. Число столбцов матрицы A равно числу строк матрицы B
2. Число строк матрицы A равно числу строк матрицы B
3. Число столбцов матрицы A меньше числа строк матрицы B
4. Число столбцов матрицы A больше числа строк матрицы B

16. Для матриц A и B можно найти сумму, если

1. Число столбцов матрицы A равно числу строк матрицы B
2. Число столбцов матрицы A меньше числа строк матрицы B
3. Размер матриц одинаковый
4. Число столбцов матрицы A больше числа строк матрицы B

17. Выбрать решение матричного уравнения $AX = B$.

1. $X = BA^{-1}$
2. $X = A^{-1}B$
3. $X = BAT$
4. $X = ATB$

18. Проставить соответствие

1. Уравнение модели Леонтьева.

2. Матрица прямых затрат.
3. Конечное потребление.
4. Матрица полных затрат.

1. A
2. $Y = (E - A)X$
3. $S = (E - A)^{-1}$
4. $X = SY$

19. Система линейных уравнений является несовместной, если

1. Не имеет решений
2. Имеет хотя бы одно решение
3. Количество уравнений больше количества переменных
4. Количество переменных больше количества уравнений

20. Сколько определителей необходимо вычислить для решения методом Крамера Системы трех линейных алгебраических уравнений

Раздел 2. Аналитическая геометрия

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Уравнению $3x + y - 5 = 0$ соответствует

1. Окружность.
2. Эллипс.
3. Прямая.
4. Гипербола.

2. Длина большой полуоси эллипса равна

$$x^2/16 + y^2/8 = 1$$

3. Координата x_0 точки A , принадлежащей плоскости равна

$$A(x_0; 1; 2), 3x + y - 2z - 3 = 0$$

4. Прямые $2x + y - 1 = 0$ и $x - y + 7 = 0$ пересекаются в точке

1. A(0;-2)
2. B(1;5)
3. C(-2;5)
4. D(2;5)

5. Уравнение окружности с центром в точке (-1; 4) и радиусом 3 имеет вид

1. $(x + 1)^2 + (y - 4)^2 = 9$.
2. $x^2 + 4y^2 = 3$.
3. $(x - 1)^2 + (y + 4)^2 = 9$.
4. $x^2 + 4y^2 = 9$.

6. Окружность $(x - 1)^2 + (y + 4)^2 = 16$ проходит через точку с координатами

1. A (2, 3)
2. B (1, 0)
3. C (1, 2)
4. D (1, 1)

7. Для функций спроса D и предложения S значение равновесной цены равно

$$D = p + 10/p + 1 \quad S = p + 2$$

8. Если угловые коэффициенты двух прямых $k_1 = 4$ и $k_2 = -1/4$, то эти прямые

1. Параллельны.
2. Пересекаются.
3. Перпендикулярны.
4. Совпадают.

9. Уравнению $16x^2 + 16y^2 - 22x + y = 10$ соответствует

1. Окружность.

2. Эллипс.
3. Прямая.
4. Гипербола.

10. Заданные пары прямых

1. $4x - y + 3 = 0$, $x + 4y - 2 = 0$
2. $2x + 4y - 10 = 0$, $x + 2y - 5 = 0$
3. $3x + 7y + 2 = 0$, $-3x - 7y + 1 = 0$
4. $x - 8y + 3 = 0$, $2x + y - 4 = 0$

1. Параллельны.
2. Пересекаются.
3. Перпендикулярны.
4. Совпадают.

11. Прямая, проходящая через точки A (3; 6; 2) и B (5; 5; 3) перпендикулярна плоскости

1. $-x + 2y + z + 3 = 0$
2. $2x - y + z + 5 = 0$
3. $2x + y + z = 0$
4. $x - y + 3z + 1 = 0$

12. Прямая $x + 2y - 8 = 0$ проходит через точку

- A (2; 3)
- B (-2; 3)
- C (2; -3)
- D (-2; -3)

13. Прямая $-2x - 3y + 6 = 0$ пересекает ось OY в точке с координатами

1. (0;4)
2. (0;3)
3. (0;2)
4. (0;1)

14. Найти точку перезагрузки для экономичной перевозки двумя видами транспорта на расстояния (сотни км), если определены издержки

$C1 = 70S + 240$ и $C2 = 90S + 160$ (ден. ед.)

15. Задано уравнение плоскости. Модуль нормального вектора равен

$$3y - 4z + 7 = 0$$

16. Если угловой коэффициент линейной зависимости производственной функции $k > 0$, то производственные показатели

1. Увеличиваются
2. Уменьшаются
3. Не изменяются
4. Не определяются

17. Для функций спроса D и предложения S значение равновесной цены равно

$$D = p + 10 / p + 1 \text{ и } S = p + 2$$

18. Какие два уравнения определяют один тип кривой второго порядка

1. $x^2 + y^2 = 5$
2. $x^2 - y^2 / 2 = 1$
3. $x^2 = -3y$
4. $y = 6/x$

1. (1) и (2)
2. (2) и (4)
3. (1) и (3)
4. (3) и (4)

Раздел 3. Промежуточная аттестация

Форма контроля/оценочное средство:

Вопросы/Задания:

.

7. Оценочные материалы промежуточной аттестации

Очная форма обучения, Первый семестр, Экзамен

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2 УК-1.3 УК-1.4 УК-1.5 ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3

Вопросы/Задания:

1. Определители второго порядка: основные понятия, свойства, вычисление.
2. Определители третьего порядка: основные понятия и свойства.
3. Миноры и алгебраические дополнения.
4. Вычисление определителей третьего порядка.
5. Вычисление определителей высших порядков.
6. Матрицы: основные понятия.
7. Линейные операции над матрицами.
8. Умножение матриц.
9. Возведение матриц в степень.
10. Транспонирование матриц.
11. Полный алгоритм вычисления обратной матрицы.
12. Сокращенный алгоритм вычисления обратной матрицы.
13. Методы определения ранга матриц.
14. Вычисление собственных чисел матриц.
15. Алгоритм составления собственных векторов матриц.
16. Системы линейных уравнений: основные понятия, прикладной смысл.
17. Теорема Кронекера-Капелли и классификация решений систем линейных уравнений.
18. Метод Крамера решения неоднородных определенных систем линейных уравнений.

19. Метод обратной матрицы решения неоднородных определенных систем линейных уравнений.

20. Метод Гаусса решения неоднородных определенных систем линейных уравнений.

21. Алгоритм получения базисного решения системы однородных линейных уравнений.

22. Алгоритм получения фундаментального набора решений однородной системы.

23. Алгоритм получения базисного решения неоднородной неопределенной системы линейных уравнений.

24. Алгоритм получения фундаментального набора решений неоднородной неопределенной системы линейных уравнений.

25. Векторные величины: основные понятия.

26. Координаты и модуль вектора.

27. Векторное n -мерное пространство.

28. Линейные операции над векторами в координатной форме.

29. Приложения линейных операций над векторами в координатной форме.

30. Скалярное произведение векторов, его свойства.

31. Приложения скалярного произведения векторов.

32. Векторное произведение векторов, его свойства.

33. Приложения векторного произведения векторов.

34. Смешанное произведение векторов, его свойства.

35. Приложения смешанного произведения векторов.

36. Базис векторного пространства и условие его существования.

37. Алгоритм разложения вектора по базису.

38. Собственные векторы матриц.

39. Квадратичные формы: основные понятия, матрица квадратичной формы.

40. Знакоопределенность квадратичной формы и методы ее установления.

41. Канонический вид квадратичной формы и методы преобразования к нему.

42. Комплексные числа. Основные понятия.
43. Арифметические операции над комплексными числами.
44. Решение алгебраических уравнений с комплексными корнями.
45. Приложения теории матриц и векторного анализа в модели Леонтьева.
46. Приложения теории матриц и векторного анализа в модели международной торговли.
47. Приложение теории матриц и векторного анализа в модели равновесных цен.
48. Задачи и основные понятия аналитической геометрии.
49. Длина отрезка и деление его в заданном соотношении.
50. Основные виды уравнения прямой на плоскости.
51. Определение взаимного расположения прямых на плоскости по угловым коэффициентам.
52. Определение взаимного расположения прямых на плоскости по решению системы их уравнений.
53. Расстояние от точки до прямой.
54. Окружность: характеристики, график.
55. Эллипс: характеристики, график.
56. Гипербола: характеристики, график.
57. Парабола: характеристики, график.
58. Определение типа кривой второго порядка при помощи инвариант.
59. Методы преобразования общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
60. Понятие аффинного пространства.
61. Уравнения плоскости.
62. Уравнения прямой в пространстве.
63. Основные виды поверхностей второго порядка.
64. Гиперплоскость и выпуклые множества.

65. Выпуклые многоугольники на плоскости: основные понятия.

66. Системы линейных неравенств на плоскости: основные понятия.

67. Алгоритм решения систем линейных неравенств на плоскости.

68. Алгоритм составления систем линейных неравенств на плоскости.

69. Вычислить определитель

$$\Delta = \begin{vmatrix} 3 & -2 & 5 \\ 0 & -1 & 1 \\ 2 & -1 & 4 \end{vmatrix}$$

70. Вычислить определитель матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \\ -1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$$

71. Найти значение x решения системы уравнений

$$\begin{cases} 2x + 3y + z = 1 \\ x + y - 4z = 0 \\ 4x + 5y - 3z = 1 \end{cases}$$

72. Найти координаты вектора b в базисе a_1, a_2, a_3

$a_1 = (3; -2; 1)$, $a_2 = (-1; 1; -2)$, $a_3 = (2; 1; -3)$, $b = (11; -6; 5)$

73. Для комплексных чисел найти значение $(2z_1 + 3z_2)(5z_2 - 4z_1)$

$z_1 = -7 + 2i$ и $z_2 = 6 - i$

74. Найти величину $\text{tg} \alpha$ угла между прямыми

и координаты точки их пересечения A

$x + y - 1 = 0$ и $2x - y + 7 = 0$

75. Написать уравнения параллели (1) и перпендикуляра (2) к прямой проходящих через точку M

$2x + 3y - 5 = 0$, $M(-3; -1)$

76. Преобразовать общее уравнение кривой второго порядка к каноническому виду

$x^2 + y^2 - 10x + 4y + 25 = 0$

Заочная форма обучения, Первый семестр, Экзамен

Контролируемые ИДК: УК-1.1 УК-1.2 УК-1.3 УК-1.4 УК-1.5 ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3

Вопросы/Задания:

1. Вопросы к экзамену. Часть 1

1. Решение СЛУ методами Гаусса, Крамера, обратной матрицы
2. Однородные и неоднородные системы уравнений (основные понятия)
3. Нахождение фундаментальной системы решений
4. Расстояние между двумя точками на плоскости
5. Деление отрезка в заданном соотношении
6. Прямые на плоскости (виды уравнений)
7. Взаимное расположение прямых на плоскости
8. Расстояние от точки до прямой
9. Плоскость и прямые в пространстве (взаимное расположение, уравнения)
10. Поверхности 2-го порядка (виды, канонические уравнения)
11. Векторы (определение, действия над векторами)
12. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов
13. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора

2. Вопросы к экзамену. Часть 2

- 1 Матрицы (основные понятия, виды; действия над матрицами)
- 2 Определители 2-3 порядков (вычисление, свойства)
- 3 Миноры и алгебраические дополнения
- 4 Теорема Лапласа разложения определителя по элементам строки (столбца)
- 5 Обратная матрица. Алгоритм вычисления
- 6 Элементарные преобразования матриц.
- 7 Системы линейных уравнений (основные понятия)
- 8 Окружность (определение, канонические уравнения)
- 9 Эллипс (определение, каноническое уравнение, основные характеристики)
- 10 Гипербола (определение, канонические уравнения, основные характеристики)
- 11 Парабола (определение, канонические уравнения, основные характеристики)
- 12 Плоскость и прямые в пространстве (взаимное расположение, уравнения)
- 13 Поверхности 2-го порядка (виды, канонические уравнения)
- 14 Векторы (определение, действия над векторами)
- 15 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов
- 16 Собственные значения и собственные векторы линейного оператора

3. Практические задания к экзамену. Часть 1

КАРТОЧКА 1	КАРТОЧКА 2
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	
$\begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 2x + y - z = 0 \\ 4x + 2y + z = 3. \end{cases}$	$\begin{cases} x - y + z = -2 \\ 2x + 3y + 3z = 0 \\ 4x + 2y + z = 1. \end{cases}$
Задача 2. Привести к каноническому виду уравнение кривой 2-го порядка. Построить кривую и вычислить её характеристики.	
$4x^2 + 25y^2 - 8x + 150y + 129 = 0$	$4x^2 + 9y^2 - 8x + 36y + 4 = 0$
КАРТОЧКА 3	КАРТОЧКА 4
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	
$\begin{cases} x + 2y + z = 3 \\ 2x + 3y + 3z = 5 \\ 2x - 2y + z = 0. \end{cases}$	$\begin{cases} x - y + z = -2 \\ 2x + y - z = -1 \\ x + 2y - z = 0. \end{cases}$
Задача 2. В треугольнике с вершинами $A(-2; 2)$, $B(10; 12)$, $C(8; -2)$ найти:	
точку пересечения высот.	величину угла C ; вычислить площадь треугольника
КАРТОЧКА 5	КАРТОЧКА 6
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	

$\begin{cases} x - y + z = 1 \\ 2x - 3y + 3z = 1 \\ x - 2y + z = 0. \end{cases}$	$\begin{cases} x + 2y + z = 1 \\ 2x + y - z = -4 \\ 2x + 2y + z = -1. \end{cases}$
Задача 2. В треугольнике с вершинами $A(-2;2)$, $B(10;12)$, $C(8;-2)$ найти: длину медианы AK ; точку пересечения медиан.	
длину стороны AB ; составить уравнения сторон.	

4. Практические задания к экзамену. Часть 2

КАРТОЧКА 7	КАРТОЧКА 8
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	
$\begin{cases} x + 2y + z = 0 \\ 2x + 3y + z = 2 \\ 3x + 2y + z = 2. \end{cases}$	$\begin{cases} x + y - 2z = 0 \\ 2x + y - z = 2 \\ 4x + 2y - z = 5. \end{cases}$
Задача 2. Найти объем тетраэдра с вершинами $A(2;2;3)$, $B(3;4;0)$, $C(3;-1;5)$, $D(-1;0;3)$. Вычислить величину угла ABC .	Задача 2. Доказать, что векторы $\vec{a}_1$, $\vec{a}_2$ и $\vec{a}_3$ образуют базис и разложить по этому базису вектор $\vec{b}$, если $\vec{a}_1 = (1;2;2)$; $\vec{a}_2 = (-3;1;-1)$; $\vec{a}_3 = (-1;1;-3)$; $\vec{b} = (1;-7;5)$
КАРТОЧКА 9	КАРТОЧКА 10
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	
$\begin{cases} x - 2y - z = 0 \\ 2x + y + z = 4 \\ x + 2y + z = 4. \end{cases}$	$\begin{cases} x - y - z = 0 \\ 2x + y - z = 4 \\ x + 2y + z = 5. \end{cases}$
Задача 2. Составить уравнение плоскости по точкам $A(2;-1;0)$, $B(4;0;-2)$, $C(0;-2;3)$. Найти расстояние от точки $M(3;3;5)$ до данной плоскости.	Задача 2. Составить уравнение плоскости по точке $M(2;-1;1)$ и векторам $\vec{a}_1 = (3;1;2)$ и $\vec{a}_2 = (1;-2;3)$. Указать нормальный вектор данной плоскости.
КАРТОЧКА 11	КАРТОЧКА 12
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее: 1) по формулам Крамера; 2) методом обратной матрицы; 3) методом Гаусса.	
$\begin{cases} x + y - 3z = 0 \\ 3x - y + z = 2 \\ 2x + y - z = 3. \end{cases}$	$\begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ 2x + y - z = 1 \\ -2x - y + 2z = 2. \end{cases}$
Задача 2. Найти координаты точки пересечения прямых и угол между ними: $3x - y = 0$ и $x + y + 4 = 0$	
$x - 2y - 8 = 0$ и $x + y - 2 = 0$	

5. Практические задания к экзамену. Часть 3

КАРТОЧКА 13	КАРТОЧКА 14
Задача 1. Найти фундаментальную систему решений системы линейных однородных уравнений:	
$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 = 0 \\ x_1 - 3x_2 + 5x_3 = 0 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = 0. \end{cases}$	$\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 2x_3 = 0 \\ -x_1 + 2x_3 = 0 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = 0. \end{cases}$
Задача 2. Привести к каноническому виду уравнение кривой 2-го порядка. Построить кривую и вычислить её характеристики.	
$x^2 + y^2 - 12x + 10y + 45 = 0$	$x^2 + y^2 + 4x - 2y - 31 = 0$
КАРТОЧКА 15	КАРТОЧКА 16
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по теореме Кронекера-Капелли и решить ее:	
$\begin{cases} 7x_1 - 2x_2 + x_3 = 0 \\ 3x_1 + 4x_2 + x_3 = 7 \\ 2x_1 - 3x_2 - x_3 = 2. \end{cases}$	$\begin{cases} 7x_1 - 7x_2 - 2x_3 = 0 \\ 3x_1 - 2x_2 - 3x_3 = 5 \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 1. \end{cases}$
Задача 2. Привести к каноническому виду уравнение кривой 2-го порядка. Построить кривую и вычислить её характеристики.	
$x^2 + y^2 - 4x - 6y + 4 = 0$	$x^2 + y^2 + 6x - 4y - 4 = 0$

$x^4 + 2y^4 - 4x + 4y + 2 = 0$	$x^4 - y^4 + 6x + 4y - 4 = 0$
КАРТОЧКА 17	КАРТОЧКА 18
Задача 1. Найти фундаментальную систему решений системы линейных однородных уравнений:	
$\begin{cases} 3x_1 - x_2 - 2x_3 = 0 \\ 7x_1 - 4x_2 - x_3 = 0 \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 0. \end{cases}$	$\begin{cases} 5x_1 - x_2 - 3x_3 - 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 - x_3 - 2x_4 = 0. \end{cases}$
Задача 2. Привести к каноническому виду уравнение кривой 2-го порядка. Построить кривую и вычислить её характеристики.	
$x^2 - 10x + 14y + 67 = 0$	$x^2 - 4y^2 - 4x - 8y - 20 = 0$
КАРТОЧКА 19	КАРТОЧКА 20
Задача 1. Проверить на совместность систему линейных уравнений по	
теореме Кронекера-Капелли и решить ее:	
$\begin{cases} -3x_1 - 2x_2 + 12x_3 - 7x_4 = -5 \\ x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 5x_4 = 3 \\ 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 2. \end{cases}$	$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 + x_4 = 2 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 = 4 \\ 2x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 2x_4 = -1. \end{cases}$
Задача 2. В треугольнике с вершинами $A(-2;2)$, $B(10;12)$, $C(8;-2)$ найти:	
уравнение серединного перпендикуляра, проведённого к стороне AC .	внутренние углы треугольника

6. Практические задания к экзамену. Часть 4

КАРТОЧКА 21	КАРТОЧКА 22
Задача 1. Найти фундаментальную систему решения системы линейных уравнений	
$\begin{cases} 6x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 = -2 \\ 3x_1 - 2x_2 + 2x_3 + x_4 = 5. \end{cases}$	$\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 - 6x_4 = -5 \\ 5x_1 - 2x_2 + 5x_3 + x_4 = 8. \end{cases}$
Задача 2. Составить уравнение прямой, проходящей параллельно прямой $5x - 3y + 21 = 0$ через точку $A(-3;2)$.	
прямой $5x - 4y - 20 = 0$ через точку $A(2;3)$.	
КАРТОЧКА 23	КАРТОЧКА 24
Задача 1. Найти фундаментальную систему решения системы линейных уравнений	
$\begin{cases} 5x_1 - 4x_2 + 2x_3 + x_4 = 7 \\ 3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 7x_4 = -2. \end{cases}$	$\begin{cases} 6x_1 - 4x_2 + 4x_3 - 7x_4 = 1 \\ 4x_1 - 2x_2 + x_3 + 8x_4 = -2. \end{cases}$
Задача 2. Составить уравнение прямой, проходящей перпендикулярно:	
прямой $5x - 3y + 21 = 0$ через точку $A(-3;2)$.	к прямой $5x - 4y - 20 = 0$ через точку $A(2;3)$.
КАРТОЧКА 25	КАРТОЧКА 26
Задача 1. Найти фундаментальную систему решения системы линейных уравнений	
$\begin{cases} 3x_1 - 4x_2 + 2x_3 - 5x_4 = -2 \\ 4x_1 - 7x_2 + 3x_3 - x_4 = 4. \end{cases}$	$\begin{cases} 4x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 6x_4 = 5 \\ 3x_1 - 5x_2 + 2x_3 - x_4 = -3. \end{cases}$
Задача 2. Составить уравнения прямой, проходящей параллельно:	
прямой $3x - 5y + 10 = 0$ через точку $A(-3;2)$.	к прямой $7x - 2y - 10 = 0$ через точку $A(2;3)$.

7. Практические задания к экзамену. Часть 5

КАРТОЧКА 27	КАРТОЧКА 28
Задача 1. Найти фундаментальную систему решения системы линейных уравнений	
$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - 2x_3 + 4x_4 = -7 \\ 6x_1 - 5x_2 + x_3 + x_4 = 3. \end{cases}$	$\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 6x_4 = 9 \\ 5x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = -1. \end{cases}$
Задача 2. Найти расстояние между двумя параллельными прямыми:	
$4x - 3y + 3 = 0$ и $4x - 3y - 7 = 0$	$12x + 5y - 101 = 0$ и $12x + 5y + 68 = 0$
КАРТОЧКА 29	КАРТОЧКА 30
Задача 1. Найти фундаментальную систему решения системы линейных однородных уравнений	
$\begin{cases} 4x_1 + x_2 + 6x_3 = 0 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = 0 \\ 3x_1 - x_2 + 5x_3 = 0. \end{cases}$	$\begin{cases} x_1 - 2x_2 - 9x_3 = 0 \\ 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 = 0 \\ 3x_1 + 2x_2 - 6x_3 = 0. \end{cases}$
Задача 2. Составить уравнения прямой, проходящей перпендикулярно:	
прямой $3x - 5y + 10 = 0$ через точку $A(-3;2)$.	к прямой $7x - 2y - 10 = 0$ через точку $A(2;3)$.

Вопросы/Задания:

1. Объемная реклама фирменного логотипа выполнена в форме неправильной пирамиды с вершиной в точке А и основанием BCD (м). Для технико-экономических расчетов определить: 1) длину ребер конструкции; 2) площади боковой поверхности и основания; 3) объем макета логотипа.

	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
1.	(<u>1</u> ;-4;4)	(3;-5; 1)	(-4;-2;0)	(4;3;1)
2.	(<u>4</u> ;-1;5)	(5;0;1)	(-2;3;1)	(4;5;2)
3.	(3;4;6)	<u>(2</u> ;-3;2)	(-4;-1;5)	(1;6;0)
4.	(<u>2</u> ;-1;5)	(1;-4;0)	(-3;5;1)	(5;4;1)
5.	(6;3;4)	<u>(4</u> ;-3;1)	(-2;-4;2)	(7;2;0)
6.	(<u>3</u> ;-4;2)	(5;-1;1)	(-1;-3;1)	(-4;2;5)
7.	(<u>1</u> ;-5;4)	(8;-3;0)	(-2;1;4)	(7;1;2)
8.	(<u>5</u> ;-1;2)	(4;-3;1)	(-1;-2;6)	(-3;2;5)
9.	(<u>2</u> ;-4;5)	(6;-2;1)	(-4;-1;2)	(7;-3;0)
10.	(<u>1</u> ;-3;6)	(2;-5;0)	(6;-2;1)	(3;4;1)
11.	(<u>3</u> ;-2;1)	(5;1;0)	(-2;4;0)	(-1;-4;2)
12.	(<u>2</u> ;-1;5)	(4;-4;0)	(6;3;1)	(-5;-3;2)
13.	(<u>4</u> ;-1;6)	(3;-2;0)	(2;5;7)	(-1;-2;1)
14.	(7;1;5)	<u>(2</u> ;-3;4)	(-1;-2;3)	(-4;6;1)
15.	(2;3;5)	<u>(1</u> ;-2;3)	(-4;-3;1)	(-2;2;0)
16.	(5;2;3)	<u>(3</u> ;-2;0)	(-2;-4;2)	(-3;6;4)
17.	(1;3;6)	<u>(4</u> ;-3;1)	(-5;-1;4)	(-4;-2;2)
18.	(- <u>3</u> ;-2;5)	(3;-2;4)	(-1;6;8)	(6;2;-1)
19.	(- <u>2</u> ;-5;4)	(1;-4;7)	(6;3;1)	(-6;5;3)
20.	(- <u>7</u> ;-1;8)	(5;-2;1)	(4;-5;2)	(-4;6;3)

2. Территория спортивного комплекса имеет форму треугольника с вершинами А, В и С (сотни метров). Для технико-экономических расчетов найти: 1) длину периметра; 2) координаты центрального входа (точка делит сторону АВ в отношении 3/5); 3) уравнения сторон ограждения; 4) уравнение и длину центральной дороги (высота СН); 5) уравнение дополнительной дороги (медиана АМ); 6) координаты точки Р установки флагштоков (пересечение медианы АМ и высоты СН); 7) уравнение дороги, проходящей к дополнительному входу С параллельно границе АВ; 8) уравнение трассы кросса (часть окружности, для которой граница ВМ является диаметром); 9) площадь территории комплекса.

- | | |
|---|--|
| 1. $A(-2;3)$, $B(10;12)$, $C(8;-2)$. | 2. $A(-5;0)$, $B(7;-9)$, $C(11;13)$. |
| 3. $A(-4;5)$, $B(8;14)$, $C(6;0)$. | 4. $A(-2;10)$, $B(10;1)$, $C(14;23)$. |
| 5. $A(-2;0)$, $B(10;9)$, $C(9;-5)$. | 6. $A(-9;2)$, $B(3;-7)$, $C(7;15)$. |
| 7. $A(-3;1)$, $B(9;10)$, $C(7;-4)$. | 8. $A(-7;12)$, $B(5;3)$, $C(9;25)$. |

- | | |
|------------------------------------|------------------------------------|
| 9. $A(-5;-1), B(7;8), C(5;-6)$. | 10. $A(3;5), B(15;-4), C(19;18)$. |
| 11. $A(4;3), B(16;12), C(14;-2)$. | 12. $A(-5;8), B(7;1), C(11;23)$. |
| 13. $A(-2;5), B(10;14), C(8;0)$. | 14. $A(5;4), B(17;-5), C(21;17)$. |
| 15. $A(2;0), B(14;9), C(12;-5)$. | 16. $A(0;14), B(12;5), C(16;27)$. |
| 17. $A(1;4), B(13;13), C(11;-1)$. | 18. $A(6;9), B(18;0), C(22;22)$. |
| 19. $A(-5;2), B(7;11), C(5;-3)$. | 20. $A(3;8), B(15;-1), C(19;21)$. |

8. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная литература

1. Постников М. М. Аналитическая геометрия / Постников М. М.. - 3-е изд., испр. - Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 416 с. - 978-5-8114-0889-4. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/210347.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке
2. Привалов И. И. Аналитическая геометрия / Привалов И. И.. - 38-е изд. - Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 304 с. - 978-5-8114-0518-3. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/210353.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке
3. Рябушко, А. П. Высшая математика. Теория и задачи. В 5 частях. Ч.1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной: учебное пособие / А. П. Рябушко, Т. А. Жур., - Высшая математика. Теория и задачи. В 5 частях. Ч.1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной - Минск: Вышэйшая школа, 2017. - 304 с. - 978-985-06-2884-8 (ч. 1), 978-985-06-2885-5. - Текст: электронный. // IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/90754.html> (дата обращения: 20.02.2024). - Режим доступа: по подписке
4. Литаврин, А.В. Линейная алгебра: Учебное пособие / А.В. Литаврин, Т.В. Моисеевкова. - Красноярск: Сибирский федеральный университет, 2022. - 244 с. - 978-5-7638-4604-1. - Текст: электронный. // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.com/cover/2092/2092907.jpg> (дата обращения: 20.02.2024). - Режим доступа: по подписке
5. Мальцев И. А. Линейная алгебра / Мальцев И. А.. - 2-е изд., испр. и доп. - Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 384 с. - 978-5-8114-1011-8. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/210503.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке
6. Постников М. М. Линейная алгебра / Постников М. М.. - 3-е изд., испр. - Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 400 с. - 978-5-8114-0890-0. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/210350.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке
7. Рудык, Б.М. Линейная алгебра: Учебное пособие / Б.М. Рудык. - 1 - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023. - 318 с. - 978-5-16-101538-4. - Текст: электронный. // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.com/cover/2045/2045820.jpg> (дата обращения: 20.02.2024). - Режим доступа: по подписке

Дополнительная литература

1. Ржевский, С. В. Высшая математика I: линейная алгебра и аналитическая геометрия: Учебное пособие / С. В. Ржевский. - 1 - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2019. - 211 с. - 978-5-16-108269-0. - Текст: электронный. // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.com/cover/1065/1065260.jpg> (дата обращения: 20.02.2024). - Режим доступа: по подписке

2. Горлач Б. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия / Горлач Б. А.. - 2-е изд., стер. - Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 300 с. - 978-5-507-44063-4. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/208664.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке

3. Чеголин, А. П. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебное пособие / А. П. Чеголин. - Линейная алгебра и аналитическая геометрия - Ростов-на-Дону: Издательство Южного федерального университета, 2015. - 149 с. - 978-5-9275-1728-2. - Текст: электронный. // IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/68568.html> (дата обращения: 20.02.2024). - Режим доступа: по подписке

4. Линейная алгебра и аналитическая геометрия (1 семестр): Конспект лекций / Воловиков А. Ю., Дроздов И. Ю., Касаткин Г. В. [и др.] - Москва: РТУ МИРЭА, 2023. - 151 с. - 978-5-7339-1887-7. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/382499.jpg> (дата обращения: 21.02.2024). - Режим доступа: по подписке

5. ПЕТУНИНА И. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: метод. указания / ПЕТУНИНА И. А.. - Краснодар: КубГАУ, 2020. - 37 с. - Текст: электронный. // : [сайт]. - URL: <https://edu.kubsau.ru/mod/resource/view.php?id=8256> (дата обращения: 21.06.2024). - Режим доступа: по подписке

6. СМОЛЕНЦЕВ В.М. Математика: линейная алгебра и аналитическая геометрия: учеб. пособие / СМОЛЕНЦЕВ В.М., Тугуз Н.С.. - Краснодар: КубГАУ, 2022. - 187 с. - 978-5-907550-84-1. - Текст: непосредственный.

8.2. Профессиональные базы данных и ресурсы «Интернет», к которым обеспечивается доступ обучающихся

Профессиональные базы данных

Не используются.

Ресурсы «Интернет»

1. <https://kubsau.ru/> - Сайт Кубанского государственного аграрного университета
2. <https://www.minfin.ru/ru/> - Официальный сайт Министерства финансов РФ
3. <https://rosstat.gov.ru/statistic> - Федеральная служба государственной статистики

8.3. Программное обеспечение и информационно-справочные системы, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине позволяют:

- обеспечить взаимодействие между участниками образовательного процесса, в том числе синхронное и (или) асинхронное взаимодействие посредством сети «Интернет»;
- фиксировать ход образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации по дисциплине и результатов освоения образовательной программы;
- организовать процесс образования путем визуализации изучаемой информации посредством использования презентаций, учебных фильмов;
- контролировать результаты обучения на основе компьютерного тестирования.

Перечень лицензионного программного обеспечения:

- 1 Microsoft Windows - операционная система.
- 2 Microsoft Office (включает Word, Excel, Power Point) - пакет офисных приложений.

Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

- 1 Гарант - правовая, <https://www.garant.ru/>
- 2 Консультант - правовая, <https://www.consultant.ru/>
- 3 Научная электронная библиотека eLibrary - универсальная, <https://elibrary.ru/>

Доступ к сети Интернет, доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения

(обновление производится по мере появления новых версий программы)

1. Dr.Web;
2. Консультант Плюс;
3. МойОфис;
4. ПО " 1С:Предприятие 8.3 ПРОФ. 1С:Предприятие. Облачная подсистема Фреш ";
5. Гарант;
6. Система тестирования INDIGO;
7. Microsoft Windows Professional 10 (посредством апгрейда лицензии Microsoft Windows Professional 8.1 ;
8. Microsoft Windows 7 Professional 64 bit;
9. 1С:Предпр.8.Комплект для обучения в высших и средних учебных заведениях;

Перечень информационно-справочных систем

(обновление выполняется еженедельно)

Не используется.

8.4. Специальные помещения, лаборатории и лабораторное оборудование

Университет располагает на праве собственности или ином законном основании материально-техническим обеспечением образовательной деятельности (помещениями и оборудованием) для реализации программы бакалавриата, специалитета, магистратуры по Блоку 1 "Дисциплины (модули)" и Блоку 3 "Государственная итоговая аттестация" в соответствии с учебным планом.

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", как на территории университета, так и вне его. Условия для функционирования электронной информационно-образовательной среды могут быть созданы с использованием ресурсов иных организаций.

Лекционный зал

2эл

акустическая система SNOW CSB150 - 0 шт.
Облучатель-рециркулятор воздуха 600 - 0 шт.
экран Projecta Elpro моторизиров. 300х300 - 0 шт.

Учебная аудитория

410эл

Облучатель-рециркулятор воздуха 600 - 0 шт.
Проектор профессиональный ультракороткофокусный UM301W - 0 шт.
система кондицион. Panasonic CS/SU-A12HKD - 0 шт.
Сплит-система настенная - 0 шт.

Компьютерный класс

420эл

доска ДК11Э3010(мел) - 1 шт.
Компьютер персональный iRU/8Гб/512Гб - 1 шт.
стол компьютерный - 1 шт.

422эл

доска ДК11Э3010(мел) - 1 шт.
компьют. Aquarius Pro P30 S46 LG 2042SF - 1 шт.
компьютер i3/4Гб/750Гб/22" - 1 шт.
настенная сплит-система Quattroclima QV-F24WA/QN-F24WA - 1 шт.
стол аудиторный - 1 шт.

9. Методические указания по освоению дисциплины (модуля)

Учебная работа по направлению подготовки осуществляется в форме контактной работы с преподавателем, самостоятельной работы обучающегося, текущей и промежуточной аттестаций, иных формах, предлагаемых университетом. Учебный материал дисциплины структурирован и его изучение производится в тематической последовательности. Содержание методических указаний должно соответствовать требованиям Федерального государственного образовательного стандарта и учебных программ по дисциплине. Самостоятельная работа студентов может быть выполнена с помощью материалов, размещенных на портале поддержки Moodle.

Методические указания по формам работы

Лекционные занятия

Передача значительного объема систематизированной информации в устной форме достаточно большой аудитории. Дает возможность экономно и систематично излагать учебный материал. Обучающиеся изучают лекционный материал, размещенный на портале поддержки обучения Moodle.

Практические занятия

Форма организации обучения, проводимая под руководством преподавателя и служащая для детализации, анализа, расширения, углубления, закрепления, применения (или выполнения) разнообразных практических работ, упражнений) и контроля усвоения полученной на лекциях учебной информации. Практические занятия проводятся с использованием учебно-методических изданий, размещенных на образовательном портале университета.

Описание возможностей изучения дисциплины лицами с ОВЗ и инвалидами

Для инвалидов и лиц с ОВЗ может изменяться объём дисциплины (модуля) в часах, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающегося (при этом не увеличивается количество зачётных единиц, выделенных на освоение дисциплины).

Фонды оценочных средств адаптируются к ограничениям здоровья и восприятия информации обучающимися.

Основные формы представления оценочных средств – в печатной форме или в форме электронного документа.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением зрения:

- устная проверка: дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.;
- с использованием компьютера и специального ПО: работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, дистанционные формы, если позволяет острота зрения - графические работы и др.;
- при возможности письменная проверка с использованием рельефно-точечной системы Брайля, увеличенного шрифта, использование специальных технических средств (тифлотехнических средств): контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, отчеты и др.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением слуха:

- письменная проверка: контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, письменные коллоквиумы, отчеты и др.;
- с использованием компьютера: работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, графические работы, дистанционные формы и др.;
- при возможности устная проверка с использованием специальных технических средств (аудиосредств, средств коммуникации, звукоусиливающей аппаратуры и др.): дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением опорно-двигательного аппарата:

- письменная проверка с использованием специальных технических средств (альтернативных средств ввода, управления компьютером и др.): контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, письменные коллоквиумы, отчеты и др.;
- устная проверка, с использованием специальных технических средств (средств коммуникаций): дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.;
- с использованием компьютера и специального ПО (альтернативных средств ввода и управления компьютером и др.): работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, графические работы, дистанционные формы предпочтительнее обучающимся, ограниченным в передвижении и др.

Адаптация процедуры проведения промежуточной аттестации для инвалидов и лиц с ОВЗ.

В ходе проведения промежуточной аттестации предусмотрено:

- предъявление обучающимся печатных и (или) электронных материалов в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья;
- возможность пользоваться индивидуальными устройствами и средствами, позволяющими адаптировать материалы, осуществлять приём и передачу информации с учетом их индивидуальных особенностей;
- увеличение продолжительности проведения аттестации;
- возможность присутствия ассистента и оказания им необходимой помощи (занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, общаться с преподавателем).

Формы промежуточной аттестации для инвалидов и лиц с ОВЗ должны учитывать индивидуальные и психофизические особенности обучающегося/обучающихся по АООП ВО (устно, письменно на бумаге, письменно на компьютере, в форме тестирования и т.п.).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с нарушениями зрения:

- предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате, позволяющем переводить плоскпечатную информацию в аудиальную или тактильную форму;
- возможность использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие адаптировать материалы, осуществлять приём и передачу информации с учетом индивидуальных особенностей и состояния здоровья студента;
- предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
- использование чёткого и увеличенного по размеру шрифта и графических объектов в мультимедийных презентациях;
- использование инструментов «лупа», «прожектор» при работе с интерактивной доской;
- озвучивание визуальной информации, представленной обучающимся в ходе занятий;
- обеспечение раздаточным материалом, дублирующим информацию, выводимую на экран;
- наличие подписей и описания у всех используемых в процессе обучения рисунков и иных графических объектов, что даёт возможность перевести письменный текст в аудиальный;
- обеспечение особого речевого режима преподавания: лекции читаются громко, разборчиво, отчётливо, с паузами между смысловыми блоками информации, обеспечивается интонирование, повторение, акцентирование, профилактика рассеивания внимания;
- минимизация внешнего шума и обеспечение спокойной аудиальной обстановки;
- возможность вести запись учебной информации студентами в удобной для них форме (аудиально, аудиовизуально, на ноутбуке, в виде пометок в заранее подготовленном тексте);
- увеличение доли методов социальной стимуляции (обращение внимания, апелляция к ограничениям по времени, контактные виды работ, групповые задания и др.) на практических и лабораторных занятиях;
- минимизирование заданий, требующих активного использования зрительной памяти и зрительного внимания;
- применение поэтапной системы контроля, более частый контроль выполнения заданий для самостоятельной работы.

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с нарушениями опорно-двигательного аппарата (маломобильные студенты, студенты, имеющие трудности передвижения и патологию верхних конечностей):

- возможность использовать специальное программное обеспечение и специальное оборудование и позволяющее компенсировать двигательное нарушение (коляски, ходунки, трости и др.);
- предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
- применение дополнительных средств активизации процессов запоминания и повторения;
- опора на определенные и точные понятия;
- использование для иллюстрации конкретных примеров;
- применение вопросов для мониторинга понимания;
- разделение изучаемого материала на небольшие логические блоки;
- увеличение доли конкретного материала и соблюдение принципа от простого к сложному при объяснении материала;
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- увеличение доли методов социальной стимуляции (обращение внимания, апелляция к ограничениям по времени, контактные виды работ, групповые задания др.);
- обеспечение беспрепятственного доступа в помещения, а также пребывания в них;
- наличие возможности использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие обеспечить реализацию эргономических принципов и комфортное пребывание на месте в течение всего периода учёбы (подставки, специальные подушки и др.).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с

нарушениями слуха (глухие, слабослышащие, позднооглохшие):

- предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате, позволяющем переводить аудиальную форму лекции в плоскостную информацию;
- наличие возможности использовать индивидуальные звукоусиливающие устройства и сурдотехнические средства, позволяющие осуществлять приём и передачу информации; осуществлять взаимобратный перевод текстовых и аудиофайлов (блокнот для речевого ввода), а также запись и воспроизведение зрительной информации;
- наличие системы заданий, обеспечивающих систематизацию вербального материала, его схематизацию, перевод в таблицы, схемы, опорные тексты, глоссарий;
- наличие наглядного сопровождения изучаемого материала (структурно-логические схемы, таблицы, графики, концентрирующие и обобщающие информацию, опорные конспекты, раздаточный материал);
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- обеспечение практики опережающего чтения, когда студенты заранее знакомятся с материалом и выделяют незнакомые и непонятные слова и фрагменты;
- особый речевой режим работы (отказ от длинных фраз и сложных предложений, хорошая артикуляция; чёткость изложения, отсутствие лишних слов; повторение фраз без изменения слов и порядка их следования; обеспечение зрительного контакта во время говорения и чуть более медленного темпа речи, использование естественных жестов и мимики);
- чёткое соблюдение алгоритма занятия и заданий для самостоятельной работы (называние темы, постановка цели, сообщение и запись плана, выделение основных понятий и методов их изучения, указание видов деятельности студентов и способов проверки усвоения материала, словарная работа);
- соблюдение требований к предъявляемым учебным текстам (разбивка текста на части; выделение опорных смысловых пунктов; использование наглядных средств);
- минимизация внешних шумов;
- предоставление возможности соотносить вербальный и графический материал; комплексное использование письменных и устных средств коммуникации при работе в группе;
- сочетание на занятиях всех видов речевой деятельности (говорения, слушания, чтения, письма, зрительного восприятия с лица говорящего).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с прочими видами нарушений (ДЦП с нарушениями речи, заболевания эндокринной, центральной нервной и сердечно-сосудистой систем, онкологические заболевания):

- наличие возможности использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие осуществлять приём и передачу информации;
- наличие системы заданий, обеспечивающих систематизацию вербального материала, его схематизацию, перевод в таблицы, схемы, опорные тексты, глоссарий;
- наличие наглядного сопровождения изучаемого материала;
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- обеспечение практики опережающего чтения, когда студенты заранее знакомятся с материалом и выделяют незнакомые и непонятные слова и фрагменты;
- предоставление возможности соотносить вербальный и графический материал; комплексное использование письменных и устных средств коммуникации при работе в группе;
- сочетание на занятиях всех видов речевой деятельности (говорения, слушания, чтения, письма, зрительного восприятия с лица говорящего);
- предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате;
- предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
- возможность вести запись учебной информации студентами в удобной для них форме (аудиально, аудиовизуально, в виде пометок в заранее подготовленном тексте);
- применение поэтапной системы контроля, более частый контроль выполнения заданий для самостоятельной работы;

- стимулирование выработки у студентов навыков самоорганизации и самоконтроля;
- наличие пауз для отдыха и смены видов деятельности по ходу занятия.

10. Методические рекомендации по освоению дисциплины (модуля)

Дисциплина "Линейная алгебра и аналитическая геометрия" ведётся в соответствии с календарным учебным планом и расписанием занятий по неделям.

Темы проведения занятий определяются тематическим планом рабочей программы дисциплины.